

समय : 3 घंटे

अधिकतम अंक : 183

कृपया इन निर्देशों को ध्यान से पढ़ें



## सामान्य

1. यह मोहरबन्ध पुस्तिका आपका प्रश्नपत्र है। इसकी मुहर तब तक न तोड़ें जब तक इसका निर्देश न दिया जाये।
2. प्रश्नपत्र का कोड (CODE) इस प्रश्न के ऊपरी दायें कोने और इस पुस्तिका के पिछले प्रश्न के दायें कोने पर छपा है।
3. प्रश्नों का उत्तर देने के लिए अलग से दी गयी ऑप्टिकल रिस्पांस शीट (ओ.आर.एस.) (ORS) का उपयोग करें।
4. प्रश्नपत्र कोड ओ.आर.एस. के बायें तथा दायें भाग में छापे हुए हैं। सुनिश्चित करें की यह दोनों कोड समरूप हैं तथा ये प्रश्नपत्र पुस्तिका पर छपे कोड के समान हैं। यदि नहीं, तो ओ.आर.एस. को बदलने के लिए निरीक्षक से संपर्क करें।
5. कच्चे कार्य के लिए इस पुस्तिका में खाली स्थान दिये गये हैं।
6. इस पुस्तिका के पिछले पृष्ठ पर दिये गए स्थान में अपना नाम व रोल नंबर लिखिए एवं हस्ताक्षर बनाइये।
7. पूर्वाह्न 9.00 बजे इस पुस्तिका की मुहर तोड़ने के बाद कृपया जाँच लें की इसमें 36 पृष्ठ हैं और सभी 54 प्रश्न और उनके उत्तर विकल्प ठीक से पढ़े जा सकते हैं। यदि नहीं, तो प्रश्नपत्र को बदलने के लिए निरीक्षक से संपर्क करें।
8. परीक्षार्थी प्रश्नपत्र को परीक्षा की समाप्ती पर ले जा सकते हैं।

## ऑप्टिकल रिस्पांस शीट (ओ.आर.एस.)

9. दी गयी ओ.आर.एस. (ऊपरी शीट) के साथ परीक्षार्थी की शीट (निचली शीट) संलग्न है। परीक्षार्थी की शीट ओ.आर.एस. कि कार्बन-रहित प्रति है।
10. ओ.आर.एस. पर अनुरूप बुलबुलों (bubbles) को पर्याप्त दबाव डालकर काला करें। ऐसा करने से परीक्षार्थी की शीट पर भी अनुरूप स्थान पर चिन्ह लग जायेगा।
11. ओ.आर.एस. को परीक्षा के समापन पर निरीक्षक के द्वारा एकत्र कर लिया जाएगा।
12. परीक्षा के समापन पर आपको परीक्षार्थी की शीट ले जाने की अनुमति है।
13. ओ.आर.एस. में हेर-फेर/विकृति न करें। ओ.आर.एस. का कच्चे काम के लिए प्रयोग न करें।
14. अपना नाम, रोल नंबर एवं परीक्षा केंद्र का कोड ओ.आर.एस. में दिए गए खानों में कलम से लिखें और अपने हस्ताक्षर करें। इनमें से कोई भी विवरण ओ.आर.एस. में कहीं और न लिखें। रोल नंबर के हर अंक के नीचे अनुरूप बुलबुले को काला करें।

## ओ.आर.एस. पर बुलबुलों को काला करने की विधि

15. ओ.आर.एस. के बुलबुलों को काले बॉल पॉइन्ट कलम से काला करें।
16. बुलबुले  को पूर्ण रूप से काला करें।
17. बुलबुले को काला करने का उपयुक्त तरीका है: 
18. ओ.आर.एस. मशीन-जाँच्य है। सुनिश्चित करें की बुलबुले सही विधि से काले किए गये हैं।
19. बुलेबुले को तभी काला करें जब आप उत्तर के बारे में निश्चित हो। काले किए हुए बुलबुले को मिटाने अथवा साफ करने का कोई तरीका नहीं है।

कृपया जेब निर्देशों के लिये इस पुस्तिका के अन्तिम पृष्ठ को पढ़ें।



Handwritten signature/initials

215789

निरीक्षक के अनुदेशों के बिना  
मुहरें न तोड़ें

SEAL

SEAL

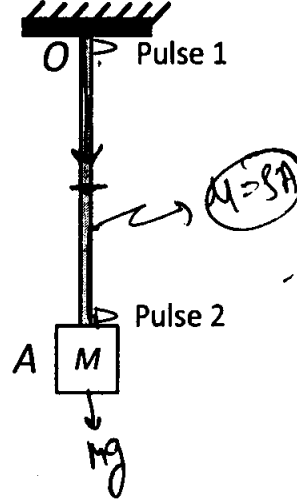
## भाग I : भौतिकी

### खंड -1 (अधिकतम अंक : 28)

- इस खंड में सात प्रश्न हैं।
- प्रत्येक प्रश्न के चार उत्तर विकल्प [A], [B], [C] और [D] हैं जिनमें एक या एक से अधिक विकल्प सही हैं।
- प्रत्येक प्रश्न के लिए ओ. आर. एस. पर सारे सही उत्तर (उत्तरों) के अनुरूप बुलबुले (बुलबुलों) को काला करें।
- प्रत्येक प्रश्न के लिए अंक निम्नलिखित परिस्थितियों में से किसी एक के अनुसार दिये जायेंगे:
  - पूर्ण अंक : +4 यदि सिर्फ सारे सही विकल्प (विकल्पों) के अनुरूप बुलबुले (बुलबुलों) को काला किया है।
  - आंशिक अंक : +1 प्रत्येक सही विकल्प के अनुरूप बुलबुले को काला करने पर, यदि कोई गलत विकल्प काला नहीं किया है।
  - शून्य अंक : 0 यदि किसी बुलबुले को काला नहीं किया है।
  - ऋण अंक : -2 अन्य सभी परिस्थितियों में।
- उदाहरण : यदि एक प्रश्न के सारे सही उत्तर विकल्प [A], [C] और [D] हैं, तब इन तीनों के अनुरूप बुलबुलों को काला करने पर +4 अंक मिलेंगे; सिर्फ [A], [D] के अनुरूप बुलबुलों को काला करने पर +2 अंक मिलेंगे; तथा [A] और [B] के अनुरूप बुलबुलों को काला करने पर -2 अंक मिलेंगे क्योंकि एक गलत विकल्प के अनुरूप बुलबुले को भी काला किया गया है।

रफ कार्य के लिए स्थान

- Q1 एक समान रैखिक घनतावाले (uniform mass per unit length) उर्ध्वाधर डोर के निचले सिरे पर एक गुटका  $M$  लटका हुआ है। डोर का दूसरा सिरा दृढ़ आधार ( बिंदु  $O$  ) से संलग्न है। तरंग-दैर्घ्य  $\lambda_0$  की अनुप्रस्थ तरंग स्पंद (स्पंद 1, pulse 1) बिंदु  $O$  पर उत्पन्न की गई है। ये तरंग स्पंद बिंदु  $O$  से बिंदु  $A$  तक  $T_{OA}$  समय में पहुँचती है। गुटके  $M$  को बिना विक्षोभित किये हुए बिंदु  $A$  पर निर्माण की गई तरंग-दैर्घ्य  $\lambda_0$  की अनुप्रस्थ तरंग स्पंद (स्पंद 2, pulse 2), बिंदु  $A$  से बिंदु  $O$  तक  $T_{AO}$  समय में पहुँचती है। निम्न में से कौन सा (से) कथन सही है/हैं?



[A] समय  $T_{AO} = T_{OA}$

[B] डोर के मध्य बिंदु पर स्पंद 1 (pulse 1) एवं स्पंद 2 (pulse 2) का वेग समान है

[C] स्पंद 1 (pulse 1) की तरंग-दैर्घ्य बिंदु  $A$  तक पहुँचने में लम्बी हो जाएगी  $A$

[D] डोर के अनुदिश प्रेषित किसी भी स्पंद का वेग उसकी आवृत्ति एवं तरंग-दैर्घ्य पर निर्भर नहीं है

रफ कार्य के लिए स्थान



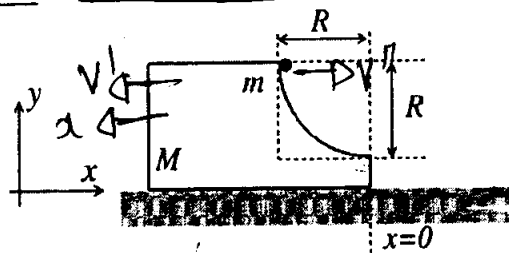
$$\frac{eA\sigma(T_0^4)}{ms}$$

$$P = eA\sigma T^4 \quad e_p = A\sigma T^4 = 460$$

Q.2 मानवीय पृष्ठीय क्षेत्रफल लगभग  $1 \text{ m}^2$  होता है। मानव शरीर का तापमान परिवेश के तापमान से  $10 \text{ K}$  अधिक होता है। परिवेश तापमान  $T_0 = 300 \text{ K}$  है, इस परिवेश तापमान के लिए  $\sigma T_0^4 = 460 \text{ Wm}^{-2}$  है जहाँ  $\sigma$  स्टीफान-बोल्ट्जमान नियतांक (Stefan-Boltzmann constant) है। निम्न में से कौन सा (से) कथन सही है/हैं?

- [A] मानवीय शरीर से  $1$  सेकंड में निकटतम विकिरित उर्जा  $60$  जूल ( $60 \text{ Joules}$ ) है
- [B] परिवेश तापमान अगर  $\Delta T_0$  से घटता है ( $\Delta T_0 \ll T_0$ ) तब मानव के शरीर को तापमान का अनुरक्षण करने के लिए  $\Delta W = 4\sigma T_0^3 \Delta T_0$  अधिक उर्जा विकिरित करनी पड़ती है
- [C] पृष्ठीय क्षेत्रफल घटाने (जैसे: सिकुड़ने से) से मानव अपने शरीर से विकिरित उर्जा घटाते हैं एवं अपने शरीर का तापमान अनुरक्षित करते हैं
- [D] मानवीय शरीर के तापमान में अगर सार्थक वृद्धि हो तब प्रकाश चुम्बकीय विकरण स्पेक्ट्रम की शिखर तरंग-दैर्घ्य (peak in the electromagnetic spectrum) दीर्घ तरंग-दैर्घ्य की ओर विस्थापित होती है

Q.3 वृत्ताकार चाप वाले एक गुटके का द्रव्यमान  $M$  है। ये गुटका एक घर्षण रहित मेज पर स्थित है। मेज के सापेक्ष (in a coordinate system fixed to the table) गुटके का दाहिना कोर (right edge)  $x = 0$  पर स्थित है। द्रव्यमान  $m$  वाले एक बिंदु कण (point mass) को वृत्ताकार चाप के उच्चतम बिंदु से विरामावस्था से छोड़ा जाता (released from rest) है। ये बिंदु कण वृत्ताकार पथ पर नीचे की ओर सरकता है। जब बिंदु कण गुटके से संपर्क विहीन हो जाता है, तब उसकी तात्क्षणिक स्थिति  $x$  और गति  $v$  है। निम्न में से कौन सा (से) कथन सही है/हैं?



$$m g R = \frac{1}{2} m v^2$$

$$v = \sqrt{2gR}$$

[A] गुटके (M) के संहति केंद्र के विस्थापन का X घटक (X co-ordinate)  $-\frac{mR}{M+m}$  है

[B] बिंदु कण (m) का स्थान  $x = -\sqrt{2} \frac{mR}{M+m}$  है

[C] बिंदु कण (m) का वेग  $v = \sqrt{\frac{2gR}{1+\frac{m}{M}}}$  है

[D] गुटके (M) का वेग  $V = -\frac{m}{M} \sqrt{2gR}$  है

$$m(R-x) = Mx$$

$$mR = x(M+m)$$

$$x = \frac{mR}{M+m}$$

रफ कार्य के लिए स्थान

$$\frac{dT}{\sqrt{t}} = -K(T_0 - T)$$

$$\int \frac{dT}{T^4} =$$

$$\frac{T^{-4+1}}{-4+1}$$

$$\frac{1}{3} \left( \frac{1}{T_3} \right)_{T_0}^{T_0 - \Delta T}$$

$$\frac{1}{3} \left( \frac{1}{T} \right)$$

mg

$$\sqrt{R^2 + \left( \frac{mR}{M+m} \right)^2}$$

$$\frac{M+m}{m}$$

$$\left( \frac{M+m}{m} \right)$$

5/36

$$\left( \frac{M+m}{m} \right)$$

$$P = eA\sigma T^4$$

$$\frac{dQ}{dt} = eA\sigma T^4$$

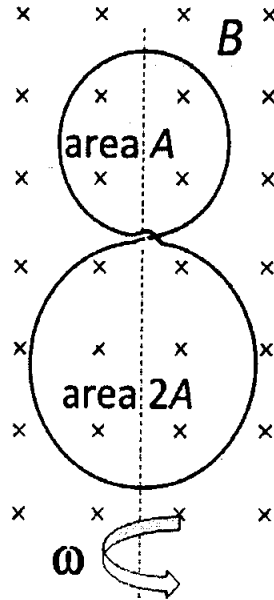
$$460 \times$$

$$mv_1 = mv_2$$

$$R^2 \sqrt{1 + \frac{m^2}{(M+m)^2}}$$

$$\frac{R}{(M+m)} \sqrt{...}$$

- Q.4 एक गोलाकार विद्युत-रोधी ताम्र तार (insulated copper wire) को  $A$  एवं  $2A$  वाले दो क्षेत्रफलों के वलयों में व्यावर्तित किया गया है। तारों के अतिक्रमण बिंदु विद्युतरोधी रहते हैं (जैसा चित्र में दर्शाया गया है)। संपूर्ण वलय कागज के तल में स्थित है। कागज के तल के अभिलम्बवत् स्थिर तथा एकसमान चुम्बकीय क्षेत्र  $\vec{B}$  सर्वत्र उपस्थित है। वलय अपने सामुदायिक व्यासों से बने अक्ष के परितः समय  $t = 0$  से  $\omega$  कोणीय वेग (angular velocity) से घूमना शुरू करता है। निम्न में से कौन सा (से) कथन सही है/हैं?



- [A] जब वलयों का तल कागज के तल से अभिलंब दिशा में होता है तब अभिवाह के परिवर्तन की दर अधिकतम होती है  
 [B] दोनों वलयों से उत्पन्न कुल प्रेरित विद्युत वाहक बल (emf induced)  $\cos \omega t$  के समानुपाती है  
 [C] प्रेरित विद्युत वाहक बल (emf induced) वलयों के क्षेत्रफलों के योग के समानुपातिक है  
 [D] दोनों वलयों से उत्पन्न अधिकतम कुल प्रेरित विद्युत वाहक बल (net emf) का आयाम, छोटे वलय में उत्पन्न अधिकतम प्रेरित विद्युत वाहक बल के आयाम के बराबर होगा

रफ कार्य के लिए स्थान

(A)  $(-BA)\omega$

$\phi = BA \cos \omega t$

$\phi = BA \cos \omega t$

$\left(\frac{d\phi}{dt}\right)_1 = +BA\omega \sin \omega t$

$\left(\frac{d\phi}{dt}\right)_2 = +B(2A)\omega \sin \omega t$

Q.5 एक समद्विबाहु प्रिज्म का प्रिज्म कोण  $A$  है (isosceles prism of angle  $A$ )। इस प्रिज्म का अपवर्तनांक  $\mu$  है। इस प्रिज्म का न्यूनतम विचलन कोण (angle of minimum deviation)  $\delta_m = A$  है। निम्न में से कौन सा (से) कथन सही है / हैं?

- [A] न्यूनतम विचलन में आपतित कोण  $i_1$  एवं प्रथम अपवर्तक तल के अपवर्तक कोण  $r_1 = (i_1/2)$  द्वारा संबंधित है
- [B] प्रिज्म का अपवर्तनांक  $\mu$  एवं प्रिज्म कोण ( $A$ ),  $A = \frac{1}{2} \cos^{-1} \left( \frac{\mu}{2} \right)$  द्वारा संबंधित है  $(2 \cos^{-1} (\frac{\mu}{2}))$
- [C] जब पहले तल पर आपतन कोण  $i_1 = \sin^{-1} \left[ \sin A \sqrt{4 \cos^2 \frac{A}{2} - 1} - \cos A \right]$  है, तब इस प्रिज्म के लिए द्वितीय तल से निर्गत किरण प्रिज्म के पृष्ठ से स्पर्शीय होगी (tangential to the emergent surface)
- [D] जब प्रिज्म का आपतन कोण  $i_1 = A$  है तब प्रिज्म के भीतर प्रकाश किरण प्रिज्म के आधार के समानान्तर होगी।

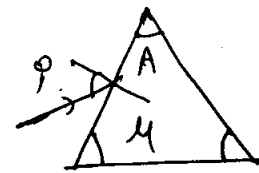
रफ कार्य के लिए स्थान

$$\delta_m = A$$

$$r_1 = r_2 = A/2$$

$$\mu \sin i_1 = \mu \sin r_1$$

$$\sin$$



$$\delta_m = 2i_1 - A$$

$$A = 2i_1 - A$$

$$i_1 = A$$

$$r_1 = r_2 = A/2$$

$$A = \frac{1}{2} \cos^{-1} \left( \frac{\mu}{2} \right)$$

$$\mu = \frac{\sin \left( \frac{A+A}{2} \right)}{\sin(A/2)} \Rightarrow \mu = \frac{\sin(A)}{\sin(A/2)}$$

$$\mu = \frac{2 \sin(A/2) \cos(A/2)}{\sin(A/2)}$$

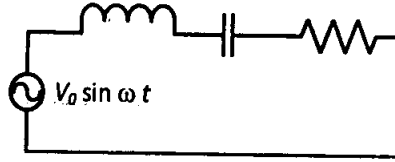
$$\mu = 2 \cos(A/2)$$

$$A/2 = \cos^{-1} \left( \frac{\mu}{2} \right)$$

$$A = 2 \cos^{-1} \left( \frac{\mu}{2} \right)$$

Q.6 चित्र में दिखाये गए परिपथ में  $L = 1 \mu\text{H}$ ,  $C = 1 \mu\text{F}$ ,  $R = 1 \text{k}\Omega$  है। एक परिवर्ती वोल्टता ( $V = V_0 \sin \omega t$ ) स्रोत से श्रेणी संबंध है। निम्न में से कौन सा (से) कथन सही है / हैं?

$$L = 1 \mu\text{H} \quad C = 1 \mu\text{F} \quad R = 1 \text{k}\Omega$$



- [A] जब विद्युत धारा वोल्टता की समकला में होगी तो वह आवृत्ति  $R$  पर निर्भर नहीं करेगी
- [B] जब  $\omega \sim 0$  होगी तब परिपथ में बहती धारा शून्य के निकट होगी
- [C] जब  $\omega \gg 10^6 \text{ rad.s}^{-1}$ , परिपथ संधारित्र (capacitor) की तरह व्यवहार करता है
- [D] जब  $\omega = 10^4 \text{ rad.s}^{-1}$  होगी तब विद्युत धारा (electric current) वोल्टता की समकला में होगी

Q.7 एक सपाट प्लेट (flat plate) अल्प दबाव के गैस (gas at low pressure) में, अपने तल की अभिलंब दिशा में, बाह्य बल  $F$  के प्रभाव में अग्रसरित है। प्लेट की गति  $v$ , गैस अणुओं के औसत गति  $u$  से बहुत कम है। निम्न में से कौन सा (से) कथन सही है / हैं?

- [A] प्लेट द्वारा अनुभव हुआ प्रतिरोधक बल  $v$  के समानुपाती है
- [B] प्रतिगामी एवं अनुगामी पृष्ठ के दबाव का अंतर ( $uv$ ) के समानुपाती है
- [C] प्लेट सर्वदा शून्येतर स्थिर त्वरण (constant non-zero acceleration) से चलती रहेगी
- [D] कुछ समय के बाद बाह्य बल  $F$  और प्रतिरोधक बल संतुलित हो जाएंगे

रफ कार्य के लिए स्थान

$f = ma \Rightarrow mv \frac{dv}{dt}$

$X_L = \omega L$   
 $X_C = \frac{1}{\omega C}$

$X_C = \frac{1}{10^6 \times 10^{-6}}$

$\frac{1}{100} + 100$   
 $100 - \frac{1}{100}$   
 $\left(\frac{10^4 - 1}{10^2}\right)$

$1 \Omega$   
 $10^2$   
 $2R$   
 $R$   
 $\omega > \omega_0$   
 $\omega \uparrow \Rightarrow X_C \downarrow, X_L \uparrow$

$10^2 \sqrt{1 + 10^8}$

## खंड -2 (अधिकतम अंक : 15)

- इस खंड में पांच प्रश्न हैं।
- प्रत्येक प्रश्न का उत्तर 0 से 9 तक (दोनों शामिल) के बीच का एक एकल अंकीय पूर्णांक है।
- प्रत्येक प्रश्न के लिए ओ. आर. एस. पर सही पूर्णांक के अनुरूप बुलबुले को काला करें।
- प्रत्येक प्रश्न के लिए अंक निम्नलिखित परिस्थितियों में से किसी एक के अनुसार दिये जायेंगे:  
 पूर्ण अंक : +3 यदि सिर्फ सही उत्तर के अनुरूप बुलबुले को काला किया है।  
 शून्य अंक : 0 अन्य सभी परिस्थितियों में।

Q.8 पृष्ठ-तनाव (surface tension)  $S = \frac{0.1}{4\pi} \text{ Nm}^{-1}$  के द्रव के एक बूंद की त्रिज्या  $R = 10^{-2} \text{ m}$  है, जिसे  $K$  समरूप बूंदों में विभाजित किया गया है। पृष्ठ-ऊर्जा का बदलाव  $\Delta U = 10^{-3} \text{ Joules}$  है। यदि  $K = 10^\alpha$  है तब  $\alpha$  का मान होगा (2)

Q.9 आयोडीन का समस्थानिक (isotope)  $^{131}\text{I}$  जिसकी अर्ध-आयु 8 दिन है,  $\beta$ -क्षय के कारण जेनॉन (Xenon) के समस्थानिक में क्षयित होता है। अल्प मात्रा का  $^{131}\text{I}$  चिह्नित (labelled) सीरम (serum) मानव शरीर में अन्तःक्षिप्त (inject) किया गया, जिस मात्रा की अक्षयता (activity)  $2.4 \times 10^5$  बेकेरेल (Becquerel) है। यह सीरम रुधिर धारा में आधे घंटे में एकसमान वितरित होता है। अगर 11.5 घंटे बाद 2.5 ml रक्त 115 बेकेरेल की अक्षयता दर्शाता है, तब मानव शरीर में रक्त आयतन (लीटर में) है (4)  
 (आप  $e^x \approx 1 + x$  for  $|x| \ll 1$  एवं  $\ln 2 \approx 0.7$  का उपयोग कर सकते हैं।)

रफ कार्य के लिए स्थान

$$A_0 = 2.4 \times 10^5$$

$$A_t = 115$$

$$^{131}\text{I} \longrightarrow$$

$$k = \frac{1}{11.5} \ln \left( \frac{A_0}{A_t} \right)$$

$$t_{1/2} = \frac{\ln 2}{k} = \frac{\ln 2}{\frac{1}{11.5} \ln \left( \frac{2.4 \times 10^5 \times V_1}{2.5 \times 115} \right)}$$

(K)

$$\begin{array}{r} 15 - 5 \\ 14 \\ 13 \\ \hline 42 \end{array}$$

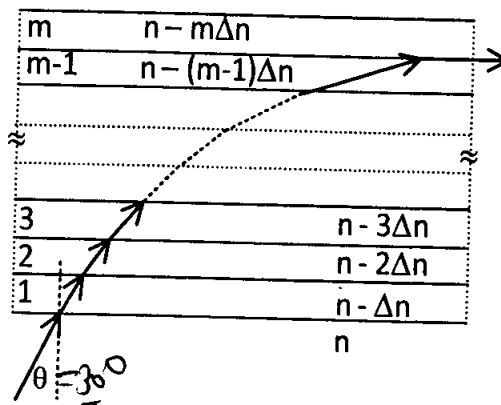
39  
29

42  
15



Q.10 एक हाइड्रोजन परमाणु का एक इलेक्ट्रॉन  $n_i$  क्वांटम संख्या (quantum number) वाले कक्ष से  $n_f$  क्वांटम संख्या (quantum number) के कक्ष में प्रवेश करता है।  $V_i$  तथा  $V_f$  प्राथमिक एवं अंतिम स्थितिज उर्जाएं हैं। यदि  $\frac{V_i}{V_f} = 6.25$ , तब  $n_f$  की न्यूनतम सम्भावी संख्या (smallest possible  $n_f$ ) है (5)

Q.11 एकवर्णी प्रकाश (monochromatic light) अपवर्तनांक  $n = 1.6$  वाले माध्यम में प्रगामी है। यह प्रकाश काँच की चीती (stack of glass layers) पर निचले सतह से  $\theta = 30^\circ$  कोण पर आपतित होता है (जैसा कि चित्र में दर्शाया गया है)। काँचों के स्तर परस्पर समांतर हैं। काँच के चीती के अपवर्तनांक एकदिष्ट  $n_m = n - m\Delta n$ , क्रम से घट रहे हैं। यहाँ  $m$  स्तर का अपवर्तनांक  $n_m$  है और  $\Delta n = 0.1$  है। प्रकाश किरण  $(m-1)$  एवं  $m$  स्तर के पृष्ठतल से समांतर दिशा में दाईं ओर से बाहर निकलता है। तब  $m$  का मान होगा (7)



$$1 \times \sin 30^\circ = 4 \times \sin 30^\circ$$

(4=1)

रफ कार्य के लिए स्थान

$$\frac{V_i}{V_f} = \frac{-13.6 \times Z^2 / n_i^2}{-13.6 \times Z^2 / n_f^2} \Rightarrow \frac{n_f^2}{n_i^2} = \frac{625}{100}$$

$$\frac{n_f^2}{n_i^2} = \frac{625}{100}$$

$$n_f = \frac{25}{10} = 2.5$$

$$\frac{n_f^2}{n_i^2} = \frac{625}{100} \Rightarrow \frac{25 \times 25}{10 \times 10}$$

$$\frac{n_f}{n_i} = \frac{5}{2}$$

$$n - (m-1)\Delta n$$

$$1.6 - (m-1)0.1 = 1$$

$$(m-1)0.1 = 0.6$$

$$m-1 = 6$$

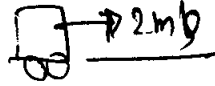
$$m = 7$$

Q.12 एक स्थिर स्रोत आवृत्ति  $f_0 = 492 \text{ Hz}$  की ध्वनि उत्सर्जित करता है।  $2 \text{ ms}^{-1}$  के गति से अपगमनी कार से यह ध्वनि परावर्तित होती है। ध्वनि स्रोत परावर्तित संकेत को प्राप्त कर के मूल संकेत पर अध्यारोपित (superpose) करता है। तब परिणामी सिग्नल की विस्पंद-आवृत्ति (beat frequency) है (ध्वनि की गति  $330 \text{ ms}^{-1}$  है। कार ध्वनि को उसकी प्राप्त हुई आवृत्ति पर परावर्तित करती है।) ③

$$f_0 = 492 \text{ Hz}$$

⑤

रफ कार्य के लिए स्थान



$$f_b = f_2 - f_1$$

$$\Rightarrow 492 - \frac{328 \times 492}{330}$$

$$\Rightarrow \frac{492 \times 330 - 328 \times 492}{330}$$

$$\Rightarrow \frac{492 \times 2}{330} = \frac{164}{55} \Rightarrow \text{③}$$

$$\frac{330 - 2}{330} \times 492$$

$$= \frac{328}{330} \times 492$$

$$= 114 \frac{228}{330} \times 492$$

$$= 114 \frac{164}{55}$$

### खंड -3 (अधिकतम अंक : 18)

- इस खंड में सुमेल प्रकार के छह प्रश्न हैं।
- इस खंड में दो टेबल हैं (प्रत्येक टेबल में 3 कालम और 4 पंक्तियां हैं)।
- प्रत्येक टेबल पर आधारित तीन प्रश्न हैं।
- प्रत्येक प्रश्न के चार उत्तर विकल्प [A], [B], [C] और [D] हैं जिनमें सिर्फ एक विकल्प सही है।
- प्रत्येक प्रश्न के लिए ओ. आर. एस. पर सही उत्तर के अनुरूप बुलबुले को काला करें।
- प्रत्येक प्रश्न के लिए अंक निम्नलिखित परिस्थितियों में से किसी एक के अनुसार दिये जायेंगे:

पूर्ण अंक : +3 यदि सही विकल्प के अनुरूप बुलबुले को काला किया है।

शून्य अंक : 0 यदि किसी बुलबुले को काला नहीं किया है।

ऋण अंक : -1 अन्य सभी परिस्थितियों में।

रफ कार्य के लिए स्थान



नीचे दी गयी टेबल के तीन कालमों में उपलब्ध सूचना का उपयुक्त ढंग से सुमेल कर प्रश्नों Q.16, Q.17 और Q.18 के उत्तर दीजिये

एक आदर्श गैस (ideal gas) विभिन्न चक्रीय उष्मागतिक प्रक्रमों से गुजरता है। यह निम्न कालम 3 में  $P - V$  आरेख द्वारा दर्शाया गया है। केवल स्थिति 1 से स्थिति 2 जानेवाले पथ की ओर ध्यान दें। इस पथपर निकाय पर हुआ कार्य  $W$  है (work done on the system)। यहाँ  $\gamma$  नियत दाब एवं नियत आयतन ऊष्मा-धरिताओं का अनुपात है (ratio of the heat capacities)। गैस के मोलों (moles) की संख्या  $n$  है।

कालम 1	कालम 2	कालम 3
(I) $W_{1 \rightarrow 2} = \frac{1}{\gamma - 1} (P_2 V_2 - P_1 V_1)$ (V), (P)	(i) समतापीय	(P) 
(II) $W_{1 \rightarrow 2} = -PV_2 + PV_1$ (V), (P)	(ii) समआयतनिक (isochoric)	(Q) 
(III) $W_{1 \rightarrow 2} = 0$ (V), (P)	(iii) समदाबीय	(R) 
(IV) $W_{1 \rightarrow 2} = -nRT \ln\left(\frac{V_2}{V_1}\right)$ (V), (R)	(iv) रुधोष्म (adiabatic)	(S) 

रफ कार्य के लिए स्थान

$$PV = C$$

Q.16 निम्न दिए विकल्पों में कौन सा संयोजन  $\Delta U = \Delta Q - P\Delta V$  प्रक्रिया का अकेले सही प्रतिनिधित्व करता है ?

[A] (II) (iv) (R)     [B] (II) (iii) (P)     [C] (II) (iii) (S)     [D] (III) (iii) (P)

Q.17 निम्न विकल्पों में कौन सा संयोजन सही है?

[A] (III) (ii) (S)     [B] (II) (iv) (R)     [C] (II) (iv) (P)     [D] (IV) (ii) (S)

Q.18 निम्न विकल्पों में से कौन सा संयोजन आदर्श गैस में ध्वनि की गति की माप के संशोधन में प्रयुक्त ऊष्मागतिक प्रक्रिया को सही दर्शाता है ??

[A] (III) (iv) (R)     [B] (I) (ii) (Q)     [C] (IV) (ii) (R)     [D] (I) (iv) (Q)

भाग I समाप्त: भौतिकी

रफ कार्य के लिए स्थान

$$\boxed{-P(V_2 - V_1)}$$
$$\underline{P(V_1 - V_2)}$$

## भाग II: रसायन विज्ञान

### खंड -1 (अधिकतम अंक : 28)

- इस खंड में सात प्रश्न हैं।
- प्रत्येक प्रश्न के चार उत्तर विकल्प [A], [B], [C] और [D] हैं जिनमें एक या एक से अधिक विकल्प सही हैं।
- प्रत्येक प्रश्न के लिए ओ. आर. एस. पर सारे सही उत्तर (उत्तरों) के अनुरूप बुलबुले (बुलबुलों) को काला करें।
- प्रत्येक प्रश्न के लिए अंक निम्नलिखित परिस्थितियों में से किसी एक के अनुसार दिये जायेंगे:

पूर्ण अंक : +4 यदि सिर्फ सारे सही विकल्प (विकल्पों) के अनुरूप बुलबुले (बुलबुलों) को काला किया है।

आंशिक अंक : +1 प्रत्येक सही विकल्प के अनुरूप बुलबुले को काला करने पर, यदि कोई गलत विकल्प

काला

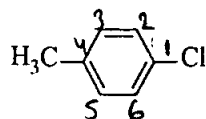
नहीं किया है।

शून्य अंक : 0 यदि किसी बुलबुले को काला नहीं किया है।

ऋण अंक : -2 अन्य सभी परिस्थितियों में।

- उदाहरण : यदि एक प्रश्न के सारे सही उत्तर विकल्प [A], [C] और [D] हैं, तब इन तीनों के अनुरूप बुलबुलों को काला करने पर +4 अंक मिलेंगे; सिर्फ [A], [D] के अनुरूप बुलबुलों को काला करने पर +2 अंक मिलेंगे; तथा [A] और [B] के अनुरूप बुलबुलों को काला करने पर -2 अंक मिलेंगे क्योंकि एक गलत विकल्प के अनुरूप बुलबुले को भी काला किया गया है।

Q.19 निम्नलिखित योगिक का (के) आई. यू. पी. ऐ. सी. (IUPAC) नाम है (हैं)



[A] 4-मैथिलक्लोरो बेंजीन

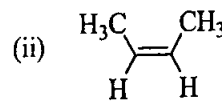
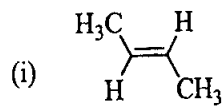
[B] 4-क्लोरो टोलुइन

[C] 1-क्लोरो-4-मैथिल बेंजीन

[D] 1-मैथिल-4-क्लोरोबेंजीन

रफ कार्य के लिए स्थान

Q.20 निम्नलिखित संकलन अभिक्रियाओं (addition reactions) के लिए सही कथन हैं (हैं)



- [A] (M और O) और (N और P) डाईस्टीरिओमेरो (diastereomers) के दो युगल हैं
- [B] दोनों अभिक्रियाओं में ब्रोमिनिकरण ट्रांस संकलन द्वारा बढ़ता है
- [C] O और P समरूप अणु हैं (enantiomer)
- [D] (M और O) और (N और P) एनन्टीओमेरो (enantiomers) के दो युगल हैं

Q.21 एक गुलाबी रंग वाले  $MCl_2 \cdot 6H_2O$  (X) और  $NH_4Cl$  के जलीय विलयन में अधिक्य जलीय अमोनिया के मिलाने पर, वायु की उपस्थिति में एक अष्टफलकीय संकर (octahedral complex) Y होता है। जलीय विलयन में संकर Y 1:3 विद्युत अपघट्य (electrolyte) की तरह व्यवहार करता है। सामान्य ताप पर अधिक्य HCl के साथ X की अभिक्रिया के परिणाम स्वरूप एक नीले रंग का संकर Z बनता है। X और Z का परिकलित प्रचरण मात्र चुम्बकीय आघूर्ण (spin only magnetic moment) 3.87 B.M. है, जबकि यह संकर Y के लिए शून्य है। निम्न में से कौन सा (से) विकल्प सही है (हैं)?

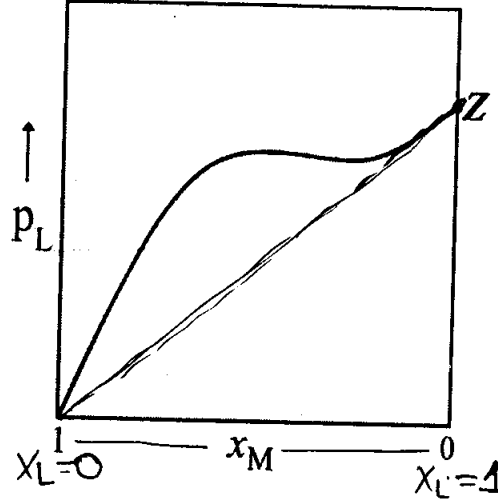
- [A] Y में केन्द्रीय धातु आयन का संकरण (hybridization)  $d^2sp^3$  है
- [B] Z एक चतुरस्रफलकीय (tetrahedral) संकर है
- [C] Y में सिल्वर नाइट्रेट मिलाने पर सिल्वर क्लोराइड के केवल दो समतुल्य मिलते हैं
- [D] जब  $0^\circ C$  पर X और Z साम्यावस्था में हैं तो विलयन का रंग गुलाबी है

रफ कार्य के लिए स्थान

$$MCl_2 \cdot 6H_2O + NH_4Cl + NH_4OH \longrightarrow$$



Q.22 L और M द्रवों के मिश्रण द्वारा बनाये एक विलयन में द्रव M के ग्राम-अणुक भिन्न (mole fraction) के विरुद्ध द्रव L के वाष्प दाब को चित्र में दिखाया गया है. यहाँ  $x_L$  और  $x_M$ , L और M के क्रमशः ग्राम-अणुक भिन्नो को निरूपित करते हैं। इस निकाय का (के) उपयुक्त सही कथन है (हैं)



- [A] शुद्ध द्रव L में L-L के बीच में और शुद्ध द्रव M में M-M के बीच में अंतरा-अणुक क्रियाएं L-M के बीच में अंतरा-अणुक क्रियाओं से प्रबल हैं जब उन्हें विलयन में मिश्रित किया जाता है
- [B] बिंदु Z शुद्ध द्रव M के वाष्प दाब को निरूपित करता है और जब  $x_L \rightarrow 0$  तो राउल्ट का नियम (Raoult's law) का पालन होता है
- [C] बिंदु Z शुद्ध द्रव L के वाष्प दाब को निरूपित करता है और जब  $x_L \rightarrow 1$  तो राउल्ट का नियम (Raoult's law) का पालन होता है
- [D] बिंदु Z शुद्ध द्रव M के वाष्प दाब को निरूपित करता है और  $x_L = 0$  से  $x_L = 1$  तक राउल्ट का नियम (Raoult's law) का पालन होता है

रफ कार्य के लिए स्थान

$$P_{ideal} = P_{Raoult}$$

$$x_L \rightarrow 1, x_M \rightarrow 0$$

$$P_T = P_A^0 x_L + P_B^0 x_M$$

Q.23 एक आदर्श गैस को  $(p_1, V_1, T_1)$  से  $(p_2, V_2, T_2)$  तक विभिन्न अवस्थाओं के अधीन फैलाया गया है। निम्नलिखित विकल्पों में सही कथन है (हैं)

- [A] जब इसे अनुत्क्रमणीय तरीके से (irreversibly)  $(p_2, V_2)$  से  $(p_1, V_1)$  तक स्थिर दाब  $p_1$  के विरुद्ध दबाया जाता है तो गैस के उपर किया गया कार्य अधिकतम होता है
- [B] जब  $V_1$  से  $V_2$  तक रुद्धोष्म अवस्था के अधीन इसका उत्क्रमणीय (reversible) फैलाव किया जाय तो गैस द्वारा किया गया कार्य  $V_1$  से  $V_2$  तक समतापी (isothermal) अवस्थाओं के अधीन उत्क्रमणीय फैलाव में किये गए कार्य की तुलना में कम है
- [C] गैस की आंतरिक उर्जा में बदलाव (i) शून्य है यदि इसे  $T_1 = T_2$  के साथ फैलाव उत्क्रमणीय (reversible) तरीके से किया जाए, और (ii) घनात्मक है यदि इसे  $T_1 \neq T_2$  के साथ रुद्धोष्म (adiabatic) परिस्थितियों के अधीन उत्क्रमणीय (reversible) फैलाव किया जाय
- [D] यदि फैलाव मुक्त रूप से किया जाय तो यह साथ-साथ दोनों समतापी (isothermal) एवं रुद्धोष्म (adiabatic) हैं

रफ कार्य के लिए स्थान

$$W = -P_1(V_2 - V_1) = P_1(V_2 - V_1)$$

$$W = \frac{nR\Delta T}{1-\gamma} = \frac{(P_2V_2 - P_1V_1)}{1-\gamma}$$

$$\Rightarrow \frac{P_2V_2 - P_1V_1}{\gamma - 1}$$

$$\frac{nR(\Delta T)}{1-\gamma}$$

$$W = -nRT \ln\left(\frac{V_2}{V_1}\right)$$

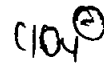
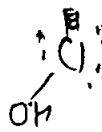
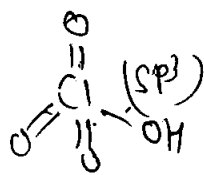
$\text{Cl}_2\text{O}_7$   
 $\frac{+7}{+1}$   
 Q.24  $\text{HClO}_4$  और  $\text{HClO}$  के बारे में सही कथन है (हैं)

- [A] ऋणायन के अनुनाद स्थिरीकरण (resonance stabilization) के फलस्वरूप  $\text{HClO}_4$ ,  $\text{HClO}$  से अधिक अम्लीय है
- [B]  $\text{Cl}_2$  की  $\text{H}_2\text{O}$  के साथ अभिक्रिया होने पर  $\text{HClO}_4$  बनता है
- [C]  $\text{HClO}_4$  और  $\text{HClO}$  दोनों में केंद्रीय परमाणु  $sp^3$  संकरित हैं
- [D]  $\text{HClO}_4$  का संयुग्मी क्षार (conjugate base)  $\text{H}_2\text{O}$  से दुर्बल क्षार है

Q.25 समूह 17 के तत्वों के  $X_2$  अणुओं का रंग इनके वर्ग में नीचे जाने पर पीले रंग से धीरे-धीरे बैंगनी रंग में बदलता है। यह निम्न में से किसके फलस्वरूप है

- [A] सामान्य ताप पर वर्ग में नीचे जाने पर  $X_2$  की भौतिक अवस्था गैस से ठोस में बदलती है
- [B] वर्ग में नीचे जाने पर HOMO-LUMO का अंतर घटता है
- [C] वर्ग में नीचे जाने पर  $\pi^*-\sigma^*$  का अंतर घटता है
- [D] वर्ग में नीचे जाने पर आयनन उर्जा घटती है

रफ कार्य के लिए स्थान



## खंड -2 (अधिकतम अंक : 15)

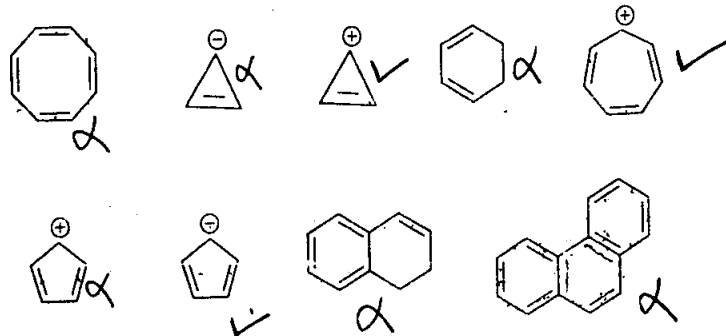
- इस खंड में पांच प्रश्न हैं।
- प्रत्येक प्रश्न का उत्तर 0 से 9 तक (दोनों शामिल) के बीच का एक एकल अंकीय पूर्णांक है।
- प्रत्येक प्रश्न के लिए ओ. आर. एस. पर सही पूर्णांक के अनुरूप बुलबुले को काला करें।
- प्रत्येक प्रश्न के लिए अंक निम्नलिखित परिस्थितियों में से किसी एक के अनुसार दिये जायेंगे:

पूर्ण अंक : +3 यदि सिर्फ सही उत्तर के अनुरूप बुलबुले को काला किया है।

शून्य अंक : 0 अन्य सभी परिस्थियों में।

Q.26  $H_2$ ,  $He_2^+$ ,  $Li_2$ ,  $Be_2$ ,  $B_2$ ,  $C_2$ ,  $N_2$ ,  $O_2^+$ , और  $F_2$ , में प्रतिचुम्बकीय स्पीशीज (diamagnetic species) की संख्या है (6)  
(परमाणु संख्या: H = 1, He = 2, Li = 3, Be = 4, B = 5, C = 6, N = 7, O = 8, F = 9)

Q.27 निम्नलिखित में से एरोमेटिक योगिक (योगिकों) की संख्या है (3)



रफ कार्य के लिए स्थान

Q:-

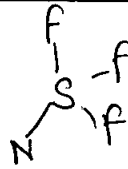
Q:-

Q.28 एक दुर्बल एकक्षारकीय अम्ल के (0.0015 M) जलीय विलयन की चालकत्व (conductance) एक प्लैटिनाइज्ड Pt (platinized Pt) इलेक्ट्रोड वाले चालकता सेल का उपयोग कर के निर्धारित की गयी।  $1 \text{ cm}^2$  अनुप्रस्थ काट के क्षेत्रफल वाले इलेक्ट्रोडो के बीच की दूरी  $120 \text{ cm}$  है। इस विलयन की चालकत्व का मान  $5 \times 10^{-7} \text{ S}$  पाया गया। विलयन का pH 4 है। इस दुर्बल एकक्षारकीय अम्ल की जलीय विलयन में सीमान्त मोलर चालकता (limiting molar conductivity ( $\Lambda_m^\circ$ )) का मान  $Z \times 10^2 \text{ S cm}^{-1} \text{ mol}^{-1}$  है। Z का मान है (6)

Q.29 निम्नलिखित वर्ग (species) में प्रत्येक केन्द्रीय परमाणु पर एकाकी इलेक्ट्रॉन युग्मों की संख्या का योग है  
 $\text{O}[\text{TeBr}_6]^{2-}$ ,  $[\text{BrF}_2]^+$ ,  $\text{SNF}_3$ , and  $[\text{XeF}_3]^-$   $\text{O} + 2 + 0 + 2 = 4$   
 (परमाणु संख्या: N = 7, F = 9, S = 16, Br = 35, Te = 52, Xe = 54)

Q.30 एक शुद्ध पदार्थ के एक क्रिस्टलीय टोस की फलक-केन्द्रित घन (face-centred cubic) संरचना के साथ कोस्टिका कोर (cell edge) की लम्बाई  $400 \text{ pm}$  है। यदि क्रिस्टल के पदार्थ का घनत्व  $8 \text{ g cm}^{-3}$  है, तो क्रिस्टल के  $256 \text{ g}$  में उपस्थित परमाणुओं की कुल संख्या  $N \times 10^{24}$  है। N का मान है (2)

रफ कार्य के लिए स्थान



$$d = \frac{Z \times M}{N_A \times a^3}$$

$$Z = \frac{N_A \times \rho \times a^3}{M}$$

$$10^{-12} \times 10^{24}$$

$$(R = \frac{9}{A})$$

$$C = \frac{1}{R} = \frac{1}{9} \left( \frac{9}{A} \right)$$

$$K = \frac{\text{cell constant}}{R} = \frac{1}{R} = \frac{1}{9}$$

$$N_A = \frac{128 \times 2 \times 2}{A \times A \times A \times 10^{-24}} \Rightarrow 2 \times 10^{21}$$

$$C = 5 \times 10^{-7}$$

$$[\text{H}^+] = 10^{-4}$$

$$C = \frac{\text{mole}}{\text{Volume}} = \frac{\text{mass}}{\text{molar mass} \times \text{Volume}}$$

$$Z_m = \frac{K \times 10^3}{[\text{H}^+]}$$

$$Z = \frac{\text{mass}}{\text{Volume}} \Rightarrow C \times \text{molar mass} \Rightarrow 0.0015 \times$$

$\text{Ni}$   
 $\text{Pd}$   
 $\text{Pt}$

$$C = \frac{1}{R} \Rightarrow R = \frac{1}{5 \times 10^{-7}}$$

$$\Rightarrow \frac{5 \times 10^{-7} \times 10^{24}}{10^{-4}} \Rightarrow 5$$

$$\frac{20 \times 5 \times 10^{-7} \times 10^{24}}{10^{-4}} \times 9$$

22/36  $5 \times 10^{-7}$

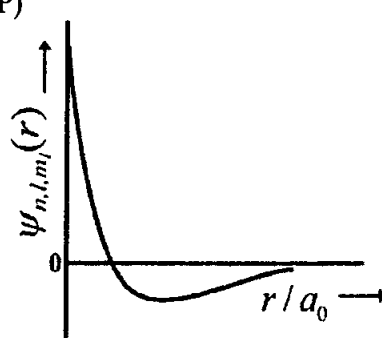
(600)

### खंड -3 (अधिकतम अंक : 18)

- इस खंड में सुमेल प्रकार के छह प्रश्न हैं।
- इस खंड में दो टेबल हैं (प्रत्येक टेबल में 3 कालम और 4 पंक्तियां हैं)।
- प्रत्येक टेबल पर आधारित तीन प्रश्न हैं।
- प्रत्येक प्रश्न के चार उत्तर विकल्प [A], [B], [C] और [D] हैं जिनमें सिर्फ एक विकल्प सही है।
- प्रत्येक प्रश्न के लिए ओ. आर. एस. पर सही उत्तर के अनुरूप बुलबुले को काला करें।
- प्रत्येक प्रश्न के लिए अंक निम्नलिखित परिस्थितियों में से किसी एक के अनुसार दिये जायेंगे:  
पूर्ण अंक : +3 यदि सही विकल्प के अनुरूप बुलबुले को काला किया है।  
शून्य अंक : 0 यदि किसी बुलबुले को काला नहीं किया है।  
ऋण अंक : -1 अन्य सभी परिस्थियों में।

रफ कार्य के लिए स्थान

नीचे दी गयी टेबल के तीन कॉलमों में उपलब्ध सूचना का उपयुक्त ढंग से सुमेल कर प्रश्नों Q.31, Q.32 और Q.33 के उत्तर दीजिये।

कालम 1	कालम 2	कालम 3
(I) 1s आर्बिटल (orbital)	(i) $\psi_{n,l,m_l} \propto \left(\frac{Z}{a_0}\right)^3 e^{-\left(\frac{Zr}{a_0}\right)}$	(P) 
(II) 2s आर्बिटल (orbital)	(ii) एक त्रिज्यात्मक (radial) नोड	(Q) नूक्लिअस पर प्रायिकता घनत्व (Probability density) $\propto \frac{1}{a_0^3}$
(III) 2p <sub>z</sub> आर्बिटल (orbital) <u>IV</u>	(iii) $\psi_{n,l,m_l} \propto \left(\frac{Z}{a_0}\right)^{5/2} r e^{-\left(\frac{Zr}{2a_0}\right)} \cos\theta$	(R) नूक्लिअस पर प्रायिकता घनत्व (Probability density) अधिकतम है
(IV) 3d <sub>z<sup>2</sup></sub> आर्बिटल (orbital)	(iv) xy- समतल एक नोडीय तल है	(S) इलेक्ट्रॉन को n = 2 अवस्था से n = 4 अवस्था तक उत्तेजित करने की ऊर्जा, इलेक्ट्रॉन को n = 2 अवस्था से n = 6 अवस्था तक उत्तेजित करने के लिए आवश्यक ऊर्जा से $\frac{27}{32}$ गुना है

Q.31 कालम 1 में दिए गये आर्बिटल (orbital) के लिए निम्नलिखित विकल्पों में से किसी भी हाइड्रोजन-समान स्पीशीज (species) के लिए केवल सही संयोजन है

[A] (IV) (iv) (R)     [B] (II) (ii) (P)     [C] (III) (iii) (P)     [D] (I) (i) (S)

Q.32 He<sup>+</sup> आयन के लिए निम्नलिखित विकल्पों में से केवल गलत (INCORRECT) संयोजन है

[A] (II) (ii) (Q)     [B] (I) (i) (S)     [C] (I) (i) (R)     [D] (I) (iii) (R)

Q.33 हाइड्रोजन परमाणु के लिए निम्नलिखित विकल्पों में से केवल सही संयोजन है

[A] (I) (iv) (R)     [B] (II) (i) (P)     [C] (II) (i) (Q)     [D] (I) (i) (S)

रफ कार्य के लिए स्थान

2-0-3 (1)

$$\Delta E = 13.6 \times Z^2 \left( \frac{1}{4} - \frac{1}{16} \right) = 13.6 \times 2^2 \times \left( \frac{3}{16} \right)$$

$$\Delta E = 13.6 \times Z^2 \left( \frac{1}{4} - \frac{1}{36} \right) = 13.6 \times 2^2 \times \left( \frac{8}{9} \right)$$

H (He<sup>+</sup>) → |1s|  
24/36  
 $\frac{3}{2} \left( \frac{Z}{a_0} \right)^{3/2} \left( -\frac{Zr}{a_0} \right) e^{-\left(\frac{Zr}{a_0}\right)}$

$\frac{13.6 \times 2^2 \times \left( \frac{3}{16} \right)}{13.6 \times 2^2 \times \left( \frac{8}{9} \right)}$   
(27/32)

नीचे दी गयी टेबल के तीन कॉलमों में उपलब्ध सूचना का उपयुक्त ढंग से सुमेल कर प्रश्नों 34, 35 एवं 36 के उत्तर दीजिये।

कालम 1, 2 और 3 में क्रमशः आरम्भिक पदार्थ, अभिक्रिया अवस्थाएं, और अभिक्रियाओं के प्रकार हैं।		
कालम 1	कालम 2	कालम 3
(I) टालुईन (Toluene)	(i) NaOH/ Br <sub>2</sub>	(P) संघनन (Condensation)
(II) असिटोफेनॉन (Acetophenone)	(ii) Br <sub>2</sub> / hν	(Q) कार्बोक्सीकरण (Carboxylation)
(III) बेन्ज़िल्डहाइड (Benzaldehyde)	(iii) (CH <sub>3</sub> CO) <sub>2</sub> O/ CH <sub>3</sub> COOK	(R) प्रतिस्थापन (Substitution)
(IV) फेनोल (Phenol)	(iv) NaOH/ CO <sub>2</sub>	(S) हालोफॉर्म (Haloform)

Q.34 बेन्ज़ोईक अम्ल के संश्लेषण (synthesis) के लिए निम्नलिखित विकल्पों में से केवल सही संयोजन है

- [A] (III) (iv) (R)    [B] (IV) (ii) (P)    [C] (I) (iv) (Q)    ~~[D] (II) (i) (S)~~

Q.35 निम्नलिखित विकल्पों में से केवल सही संयोजन जिसमें अभिक्रिया मुलक (radical) प्रक्रिया द्वारा बढ़ती है, है

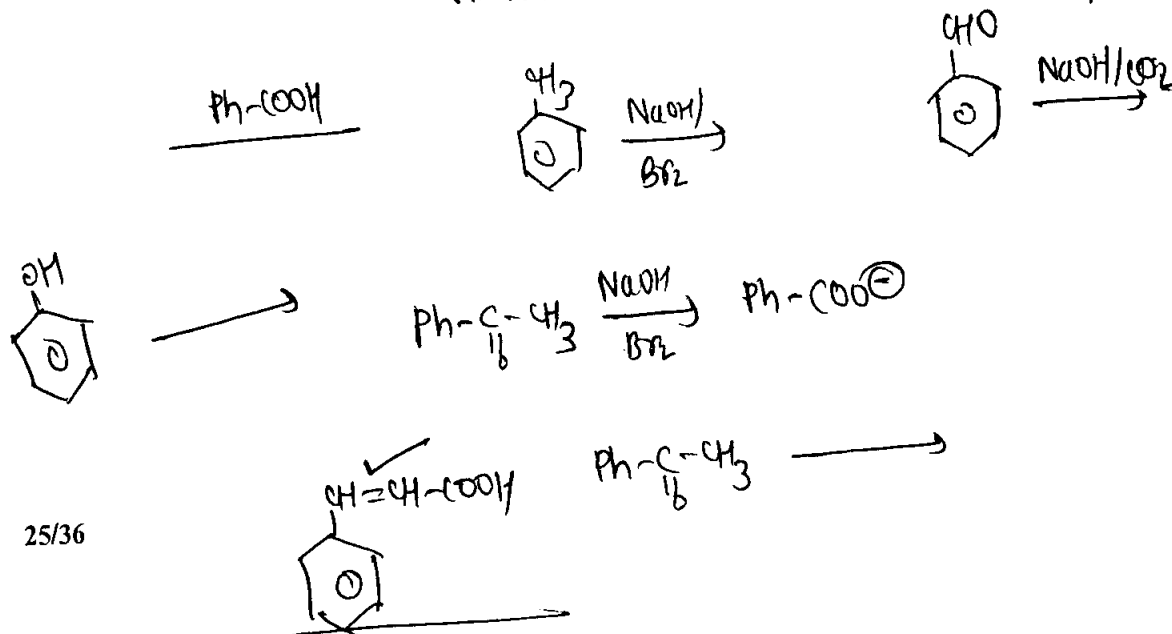
- ~~[A] (I) (ii) (R)~~    [B] (II) (iii) (R)    [C] (III) (ii) (P)    [D] (IV) (i) (Q)

Q.36 निम्नलिखित विकल्पों में से केवल सही संयोजन जो कि दो भिन्न कार्बोक्सिलिक अम्ल देता है, है

- [A] (IV) (iii) (Q)    ~~[B] (III) (iii) (P)~~    [C] (II) (iv) (R)    ~~[D] (I) (i) (S)~~

### भाग II समाप्त: रसायन विज्ञान

रफ कार्य के लिए स्थान





### भाग 3: गणित

#### खंड -1 (अधिकतम अंक : 28)

- इस खंड में सात प्रश्न हैं।
- प्रत्येक प्रश्न के चार उत्तर विकल्प [A], [B], [C] और [D] हैं जिनमें एक या एक से अधिक विकल्प सही हैं।
- प्रत्येक प्रश्न के लिए ओ. आर. एस. पर सारे सही उत्तर (उत्तरों) के अनुरूप बुलबुले (बुलबुलों) को काला करें।
- प्रत्येक प्रश्न के लिए अंक निम्नलिखित परिस्थितियों में से किसी एक के अनुसार दिये जायेंगे:  
 पूर्ण अंक : +4 यदि सिर्फ सारे सही विकल्प (विकल्पों) के अनुरूप बुलबुले (बुलबुलों) को काला किया है।  
 आंशिक अंक : +1 प्रत्येक सही विकल्प के अनुरूप बुलबुले को काला करने पर, यदि कोई गलत विकल्प

काला

नहीं किया है।

शून्य अंक : 0 यदि किसी बुलबुले को काला नहीं किया है।

ऋण अंक : -2 अन्य सभी परिस्थियों में।

- उदाहरण : यदि एक प्रश्न के सारे सही उत्तर विकल्प [A], [C] और [D] हैं, तब इन तीनों के अनुरूप बुलबुलों को काला करने पर +4 अंक मिलेंगे; सिर्फ [A], [D] के अनुरूप बुलबुलों को काला करने पर +2 अंक मिलेंगे; तथा [A] और [B] के अनुरूप बुलबुलों को काला करने पर -2 अंक मिलेंगे क्योंकि एक गलत विकल्प के अनुरूप बुलबुले को भी काला किया गया है।

Q.37 निम्न में से कौन सा(से) वास्तविक संख्याओं के  $3 \times 3$  आव्यूह (matrix) का वर्ग (square) नहीं है(हैं)?

~~[A]~~  $\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & -1 \end{bmatrix}$

[B]  $\begin{bmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & -1 \end{bmatrix}$

[C]  $\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$

~~[D]~~  $\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & -1 \end{bmatrix}$

Q.38 यदि परवलय (parabola)  $y^2 = 16x$  की एक जीवा (chord), जो स्पर्शरेखा (tangent) नहीं है, का समीकरण  $2x + y = p$  तथा मध्यबिन्दु (midpoint)  $(h, k)$  है, तो निम्न में से  $p, h$  एवम्  $k$  के सम्भावित मान है(हैं)?

~~[A]~~  $p = 5, h = 4, k = -3$

~~[B]~~  $p = -1, h = 1, k = -3$

~~[C]~~  $p = -2, h = 2, k = -4$

~~[D]~~  $p = 2, h = 3, k = -4$

(h, k)

$\frac{ay}{x+iy} = y$   
 $a = x+iy$   
26/36

रफ कार्य के लिए स्थान  
 $\left(\frac{a+iy}{x+iy}\right) = y$   
 $\frac{ax+b}{(x+iy)}$   
 $x = -b/a$   
 $4-4$

$2x + y = p$   
 $2h + k = p$

$\frac{ax+b}{(x+iy)} + \frac{ay}{(x+iy)}$   
 $\left(\frac{ax+iy+tb}{(x+iy)}\right) = y$

$6-4=2$   
 $a = -b/a + iy$

$8-3=5$   
 $2-3=-1$   
 $9$

Q.39 माना कि  $a, b, x$  और  $y$  इस प्रकार की वास्तविक संख्यायें (real numbers) हैं कि  $a - b = 1$  और  $y \neq 0$  हैं। यदि सम्मिश्र संख्या (complex number)  $z = x + iy$   $\operatorname{Im}\left(\frac{az+b}{z+1}\right) = y$  को सन्तुष्ट करती है, तब निम्न में से कौन सा(से)  $x$  का(के) सम्भावित मान है(हैं)?

- [A]  $-1 - \sqrt{1 - y^2}$
- [B]  $1 + \sqrt{1 + y^2}$
- [C]  $1 - \sqrt{1 + y^2}$
- [D]  $-1 + \sqrt{1 - y^2}$

Q.40 माना कि  $X$  और  $Y$  इस प्रकार की दो घटनायें (events) हैं कि  $P(X) = \frac{1}{3}$ ,  $P(X|Y) = \frac{1}{2}$  और  $P(Y|X) = \frac{2}{5}$  हो तब

- ~~[A]  $P(X|Y) = \frac{1}{2}$~~
- ~~[B]  $P(X \cap Y) = \frac{1}{5}$  ( $\frac{2}{15}$ )~~
- ~~[C]  $P(X \cup Y) = \frac{2}{5}$  ( $\frac{7}{15}$ )~~
- ~~[D]  $P(Y) = \frac{4}{15}$~~

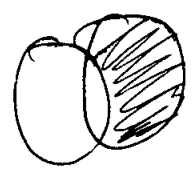
Q.41 माना कि  $x$  से छोटा या  $x$  के समान सबसे बड़ा पूर्णांक (integer)  $[x]$  है तब  $f(x) = \cos(\pi(x + [x]))$ , निम्न में से किन बिन्दु(ओं) पर असतत (discontinuous) है?

- ~~[A]  $x = -1$~~
- ~~[B]  $x = 0$~~
- ~~[C]  $x = 2$~~
- ~~[D]  $x = 1$~~

$0 - 1 \Rightarrow -\pi$   
 $\cos(-\pi)$   
 $0 + 0^-$   
 $\textcircled{1}$   $\textcircled{-1}$

रफ कार्य के लिए स्थान

$\textcircled{4\pi}$   $\textcircled{1}$



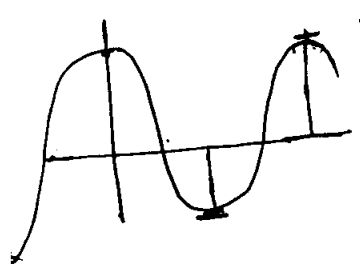
$P(X) = \frac{1}{3}$

$\frac{P(X|Y)}{P(Y)} = \frac{1}{2}$

$\frac{P(Y \cap X)}{P(X)} = \frac{2}{5}$

$P(X \cap Y) = \frac{1}{3} \times \frac{2}{5} = \frac{2}{15}$

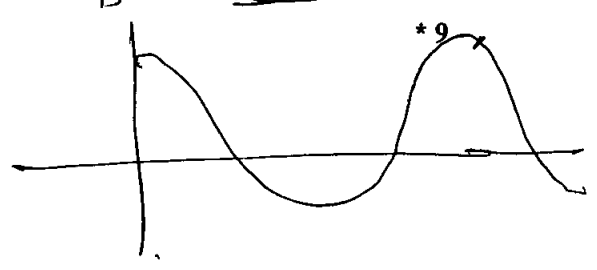
$P\left(\frac{X}{Y}\right) = \frac{P(X \cap Y)}{P(Y)}$   
 $\textcircled{-1}$   $\textcircled{-2}$   $\frac{2/15}{P(Y)} = \frac{1}{2} \Rightarrow P(Y) = \frac{4}{15}$



$= \frac{P(Y) - P(Y \cap X)}{P(Y)}$   
 $= \frac{4/15 - 2/15}{4/15} = \frac{2/15}{4/15} = \frac{1}{2}$   $\textcircled{1}$   $\textcircled{2}$

$P(X \cap Y) =$   
 $\lim_{x \rightarrow 1} f(x) = \lim_{h \rightarrow 0^+} \frac{f(1+h) - f(1)}{h}$   
 $= \frac{\cos(\pi(1+h + [1+h])) - \cos(\pi(1 + [1]))}{h}$

$P(X \cup Y) = \frac{1}{3} + \frac{4}{15} - \frac{2}{15} = \frac{5+4-2}{15} = \frac{7}{15}$   $\textcircled{7/15}$



27/36

$\pi(x + [x])$

$\frac{5+4-2}{15} = \frac{7}{15}$   
 $\Rightarrow \frac{\sin(\pi((1+h) + [1+h])) - 0}{1}$

Q.42 यदि  $2x - y + 1 = 0$  अतिपरवलय (hyperbola)  $\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{16} = 1$  की स्पर्शरेखा (tangent) है तो निम्न में से कौन

सी समकोणीय त्रिभुज (right angled triangle) की भुजायें नहीं हो सकती है(हैं)?

[A]  $2a, 4, 1$

[B]  $2a, 8, 1$

[C]  $a, 4, 1$

[D]  $a, 4, 2$

Q.43 माना कि  $f: \mathbb{R} \rightarrow (0, 1)$  एक सतत फलन (continuous function) है। तब निम्न फलनों में से कौन से फलन(नों) का(के) मान अन्तराल (interval)  $(0, 1)$  के किसी बिन्दु पर शून्य होगा

[A]  $e^x - \int_0^x f(t) \sin t dt$

[B]  $x^9 - f(x)$

[C]  $f(x) + \int_0^{\frac{\pi}{2}} f(t) \sin t dt$

[D]  $x - \int_0^{\frac{\pi}{2}} x f(t) \cos t dt$

रफ कार्य के लिए स्थान

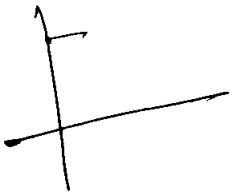
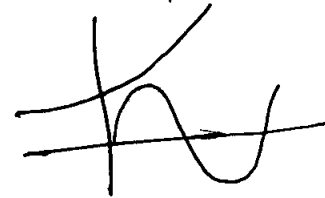
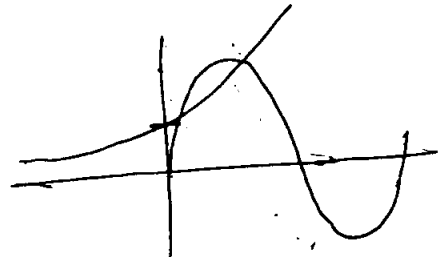
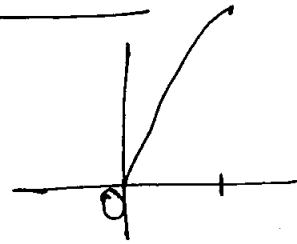
$\int_0^{\pi/2} f(x) \sin x dx$

$\int_0^{\pi/2} f(\pi/2 - x) \cos x dx$

$f(x) +$

$g(x) - f'(x) = 0$

$f(x) = g(x)$



$e^x - f(x) \sin x = 0$

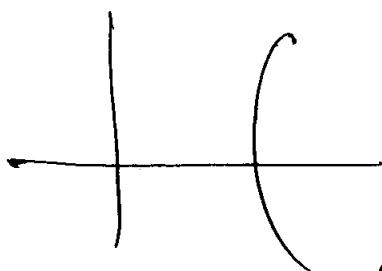
$e^x - f(\pi/2 - x) \cos(\pi/2 - x) = 0$   
 $f(\pi/2 - x) \sin x = e^x$

$f(x) = \frac{e^x}{\sin x}$

$f(0) = \frac{1}{0} \Rightarrow \infty$

$f(\pi/2 - x) \sin x = 1$

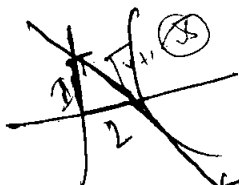
$f(0) = 1$



$2a - 4 + 1 = 0$   
 $2a = 3$   
 $a = 3/2$

$4a - 4 + 1 = 0$   
 $4a = 3$   
 $a = 3/4$

$4a - 8 + 1 = 0$   
 $4a = 7$   
 $a = 7/4$



$2a - 4 + 1 = 0$

## खंड -2 (अधिकतम अंक : 15)

- इस खंड में पांच प्रश्न हैं।
- प्रत्येक प्रश्न का उत्तर 0 से 9 तक (दोनों शामिल) के बीच का एक एकल अंकीय पूर्णांक है।
- प्रत्येक प्रश्न के लिए ओ. आर. एस. पर सही पूर्णांक के अनुरूप बुलबुले को काला करें।
- प्रत्येक प्रश्न के लिए अंक निम्नलिखित परिस्थितियों में से किसी एक के अनुसार दिये जायेंगे:  
 पूर्ण अंक : +3 यदि सिर्फ सही उत्तर के अनुरूप बुलबुले को काला किया है।  
 शून्य अंक : 0 अन्य सभी परिस्थितियों में।

Q.44 एक समकोणीय त्रिभुज (right angled triangle) की भुजायें समान्तर श्रेढी (arithmetic progression) में हैं। यदि इसका क्षेत्रफल 24 है तब इसकी सबसे छोटी भुजा की लम्बाई क्या है?  4  6

Q.45  $p$  के कितने मानों के लिये वृत्त (circle)  $x^2 + y^2 + 2x + 4y - p = 0$  एवम् निर्देशांक अक्षों (coordinate axes) में केवल तीन बिन्दु उभयनिष्ठ (common) हैं?  1  2

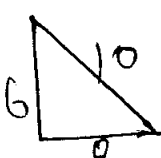
रफ कार्य के लिए स्थान

$a = a + d + a + d$

$a - d \quad a \quad a + d$

$\frac{1}{2} \times B \times h = 24$

$a \quad 2a \quad 3a$



$\frac{1}{2} \times 8 \times 6 = 24$

$\frac{1}{2} \times a \times 1$

$\frac{1}{2} \times a \times \frac{1}{2}a = 24$

$a^2 = 24$

$\frac{1}{2} \times 7 \times 6 = 21$

$a(a-d) = 48$

$6 \times 7$

$8 \times 7$

$7 \times 6$

$8 \times 6$

$\frac{1}{2} \times 8 \times 6 = 24$

Q.46 वास्तविक संख्या (real number)  $\alpha$  के लिये, यदि रेखिक समीकरण निकाय (system of linear equations)

$$\begin{bmatrix} 1 & \alpha & \alpha^2 \\ \alpha & 1 & \alpha \\ \alpha^2 & \alpha & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 \\ -1 \\ 1 \end{bmatrix}$$

के अनन्त हल (infinitely many solutions) हैं, तब  $1 + \alpha + \alpha^2 =$  (3)

Q.47 अक्षरों A, B, C, D, E, F, G, H, I, J से 10 लम्बाई के शब्द बनाये जाते हैं माना कि  $x$  इस तरह के उन शब्दों की संख्या है जिनमें किसी भी अक्षर की पुनरावृत्ति नहीं होती है, तथा  $y$  इस तरह के उन शब्दों की संख्या है जिन में केवल एक अक्षर की पुनरावृत्ति दो बार होती है व किसी अन्य अक्षर की पुनरावृत्ति नहीं होती है। तब  $\frac{y}{9x} =$  (5)

(2=10)

Q.48 माना कि  $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  इस प्रकार का अवकलनीय फलन (differentiable function) है कि  $f(0) = 0$  |  $f\left(\frac{\pi}{2}\right) = 3$  एवम्  $f'(0) = 1$  है यदि  $x \in (0, \frac{\pi}{2})$  के लिये

$$g(x) = \int_x^{\frac{\pi}{2}} [f'(t) \operatorname{cosec} t - \cot t \operatorname{cosec} t f(t)] dt$$

है, तब  $\lim_{x \rightarrow 0} g(x) =$  (1)

रफ कार्य के लिए स्थान

$AX=B$

$$\int g'(x) = -f'(x) \operatorname{cosec} x + \cot x \operatorname{cosec} x f(x) dx$$

$$\begin{bmatrix} 1 & \alpha & \alpha^2 \\ \alpha & 1 & \alpha \\ \alpha^2 & \alpha & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 \\ -1 \\ 1 \end{bmatrix}$$

3x3    3x1

$$g'(x) = -f'(x) \operatorname{cosec} x + \cot x \operatorname{cosec} x f(x)$$

$$g'(x) = -f'(x) \operatorname{cosec} x + f(x) \operatorname{cosec} x \cot x$$

$$g(0) = -f(0) - 1$$

(f(x) cosec(x))

$$\begin{bmatrix} x^2 + yx + z \\ x^2 + yx + z \\ x^2 + yx + z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix} \lim_{x \rightarrow 0}$$

$$x^2 + yx + z = 1$$

$$x(x^2 + 1) + yx = 1$$

$$2x^2 + yx = 1$$

$$g(x) = -f(x) \operatorname{cosec} x + C$$

$$g(0) = -f(0) + C$$

$$x(x^2 - x^2 + 1) = 1 - x^2$$

$$x + x^2 + x^2 z = 1$$

$$x^2 + yx + z = -1 \quad \frac{x(2x^2 - 2x^2) = 1 - x^2}{x(2x^2 - 2x^2) = 1 - x^2}$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} -f(x) \operatorname{cosec} x + f(x) \operatorname{cosec} x \cot x = \frac{1}{x} (1+x) (1/x) = 1/x^2$$

$$x(x^2 - 1) + z(1 - x^2) = 1$$

30/36

$$x(x^2 - 1) - z(x^2 - 1) = 1$$

$$(x^2 - 1)(x - z) = 1$$

$$x^2 - 1 = 1 \Rightarrow x^2 = 2$$

(x=2)

$$2x^2 + yx = 1$$

$$y = \frac{1 - 2x^2}{x}$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{-f(x)}{x} = -\frac{f(x)}{x}$$

(1)

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1}{x} (1+x) (1/x) = 1/x^2$$

(x=0)

### खंड-3 (अधिकतम अंक : 18)

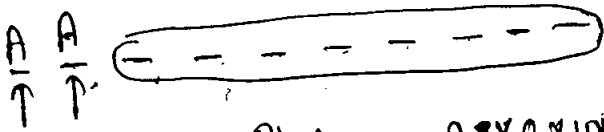
- इस खंड में सुमेल प्रकार के छह प्रश्न हैं।
- इस खंड में दो टेबल हैं (प्रत्येक टेबल में 3 कालम और 4 पंक्तियां हैं)।
- प्रत्येक टेबल पर आधारित तीन प्रश्न हैं।
- प्रत्येक प्रश्न के चार उत्तर विकल्प [A], [B], [C] और [D] हैं जिनमें सिर्फ एक विकल्प सही है।
- प्रत्येक प्रश्न के लिए ओ. आर. एस. पर सही उत्तर के अनुरूप बुलबुले को काला करें।
- प्रत्येक प्रश्न के लिए अंक निम्नलिखित परिस्थितियों में से किसी एक के अनुसार दिये जायेंगे:

पूर्ण अंक : +3 यदि सही विकल्प के अनुरूप बुलबुले को काला किया है।

शून्य अंक : 0 यदि किसी बुलबुले को काला नहीं किया है।

ऋण अंक : -1 अन्य सभी परिस्थितियों में।

रफ कार्य के लिए स्थान



$$86 \times \frac{98 \times 8 \times 106}{9 \times 106}$$

$$\frac{5 \times 10 \times 9}{2}$$

(106)

$$\frac{106 \times 106}{106 \times 106}$$

1061 x

$$1060 \left( \frac{106}{106} \right)$$

$$\frac{86 \times 10}{9 \times 106}$$

$$\frac{86 \times 10}{10 \times 9 \times 8 \times 9}$$

$$\frac{106 \times \frac{106}{26} \times 86 \times 485}{9 \times 106 \times 106 \times 3 \times 86}$$

$$\frac{116}{9 \times 106} = \frac{11 \times 106}{9 \times 106}$$

$$\frac{10 \times 106}{9 \times 106}$$

नीचे दी गयी टेबल के तीन कॉलमों में उपलब्ध सूचना का उपयुक्त ढंग से सुमेल कर प्रश्नों 49, 50 एवं 51 के उत्तर दीजिये।

कॉलम 1, 2 तथा 3 में क्रमशः कॅनिक (conic), कॅनिक पर स्पर्शरेखा (tangent) का समीकरण तथा स्पर्शबिन्दु (point of contact) दिये गये हैं।		
कॉलम 1	कॉलम 2	कॉलम 3
(I) $x^2 + y^2 = a^2$	(i) $my = m^2x + a$	(P) $(\frac{a}{m^2}, \frac{2a}{m})$
(II) $x^2 + a^2y^2 = a^2$	(ii) $y = mx + a\sqrt{m^2 + 1}$	(Q) $(\frac{-ma}{\sqrt{m^2+1}}, \frac{a}{\sqrt{m^2+1}})$
(III) $y^2 = 4ax$	(iii) $y = mx + \sqrt{a^2m^2 - 1}$	(R) $(\frac{-a^2m}{\sqrt{a^2m^2+1}}, \frac{1}{\sqrt{a^2m^2+1}})$
(IV) $x^2 - a^2y^2 = a^2$	(iv) $y = mx + \sqrt{a^2m^2 + 1}$	(S) $(\frac{-a^2m}{\sqrt{a^2m^2-1}}, \frac{-1}{\sqrt{a^2m^2-1}})$

Q.49 यदि उपयुक्त कॅनिक (कॉलम 1) के बिन्दु  $(\sqrt{3}, \frac{1}{2})$  पर स्पर्शरेखा  $\sqrt{3}x + 2y = 4$  है, तब निम्न में से कौन सा विकल्प केवल सही संयोजन है?

- [A] (II) (iii) (R)    [B] (IV) (iv) (S)    [C] (IV) (iii) (S)    ~~[D] (II) (iv) (R)~~

Q.50 यदि उपयुक्त कॅनिक (कॉलम 1) के स्पर्शबिन्दु (8,16) पर स्पर्शरेखा  $y = x + 8$  है, तब निम्न में से कौन सा विकल्प केवल सही संयोजन है?

- ~~[A] (III) (i) (P)~~    [B] (III) (ii) (Q)    [C] (II) (iv) (R)    [D] (I) (ii) (Q)

Q.51  $a = \sqrt{2}$  के लिये उपयुक्त कॅनिक (कॉलम 1) पर एक स्पर्शरेखा खींची जाती है जिसका स्पर्शबिन्दु  $(-1, 1)$ , तब निम्न में से कौन सा विकल्प (option) इस स्पर्शरेखा का समीकरण प्राप्त करने का केवल सही संयोजन (only correct combination) है?

$a = \sqrt{2}$

Handwritten work for Q.51:

$(y-1) = m(x+1)$   
 $1 - a^2 = a^2 - 2a^2 = -a^2$   
 $\frac{-a^2m}{\sqrt{a^2m^2+1}} = \sqrt{2}$   
 $\frac{1}{\sqrt{a^2m^2+1}} = \frac{1}{\sqrt{2}}$  (रफ कार्य के लिए स्थान)  
 $m = -m^2 + \sqrt{2}$   
 $m^2 + m - \sqrt{2} = 0$   
 $\frac{9}{m^2} = -1$   
 $\sqrt{2} = -1$   
 $m^2 =$   
 $256 = 4a \times 8 \Rightarrow 32$   
 $16 = 8 + 8$   
 $4 \times 8 \times 8 = 64$   
 $\sqrt{2}m = \sqrt{m^2+1}$   
 $\frac{-m \times \sqrt{2}}{\sqrt{m^2+1}} = 1$

नीचे दी गयी टेबल के तीन कॉलमों में उपलब्ध सूचना का उपयुक्त ढंग से सुमेल कर प्रश्नों 52, 53 एवं 54 के उत्तर दीजिये।

कॉलम 1	कॉलम 2	कॉलम 3
(I) $f(x) = 0$ किसी $x \in (1, e^2)$ के लिये	(i) $\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = 0$	(P) $f$ (0, 1) वर्धमान है
(II) $f'(x) = 0$ किसी $x \in (1, e)$ के लिये	(ii) $\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = -\infty$	(Q) $f$ में $(e, e^2)$ हासमान है
(III) $f'(x) = 0$ किसी $x \in (0, 1)$ के लिये	(iii) $\lim_{x \rightarrow \infty} f'(x) = -\infty$	(R) $f'$ में $(0, 1)$ वर्धमान है
(IV) $f''(x) = 0$ किसी $x \in (1, e)$ के लिये	(iv) $\lim_{x \rightarrow \infty} f''(x) = 0$	(S) $f'$ में $(e, e^2)$ हासमान है

Q.52 निम्न में से कौन सा विकल्प केवल सही संयोजन है?

- [A] (IV) (i) (S)      [B] (I) (ii) (R)      [C] (III) (iv) (P)      ~~[D] (II) (iii) (S)~~

Q.53 निम्न में से कौन सा विकल्प केवल सही संयोजन है?

- [A] (III) (iii) (R)      [B] (I) (i) (P)      ~~[C] (IV) (iv) (S)~~      [D] (II) (ii) (Q)

Q.54 निम्न में से कौन सा विकल्प केवल गलत संयोजन (only INCORRECT combination) है?

- [A] (II) (iii) (P)      [B] (II) (iv) (Q)      [C] (I) (iii) (P)      ~~[D] (III) (i) (R)~~

### प्रश्न पत्र समाप्त

~~$f(x) = x \log_e x - x \log_e x$~~

रफ कार्य के लिए स्थान  $x \in (0, \infty)$

$f''(x) = -\frac{1}{x^2} - \frac{1}{x}$

~~$f(x) = x + \frac{1}{x} - x \log_e x - \log_e x$~~   $\Rightarrow \frac{1}{x} - \log_e x = 0$

33/36

$1 = x \log_e x$

$x = e$

$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{1}{x} - \log_e x$

$\frac{1}{x} - \log_e x$

$\log_e x < 1$

$\log_e x > 1$

$f(x) < 0$

$\frac{1}{x} - \log_e x < 0$

$1 - x \log_e x < 0$